

# ГРАФИЧЕСКАЯ КРУГОВАЯ ДИАГРАММНАЯ МОДЕЛЬ ПРЕДСТАВЛЕНИЯ ПРОГРАММ С ЦИКЛАМИ

А.В. Филатов

Чтобы представить, как выполняется или может быть выполнена интересующая последовательная или параллельная программа уже много лет используют графические описательные модели. Например, популярными на сегодняшний день моделями являются: граф ярусно-параллельной формы и диаграмма Ганта. Некоторые графические модели, например граф-схемы [2] даже используются в качестве языка программирования.

Однако, представлять циклы, особенно вложенные, с помощью графа ярусно-параллельной формы или диаграммы Ганта не просто, и по мнению автора такое представление является не всегда наглядным. Поэтому желательно иметь специальную, ориентированную на решение этого вопроса модель. В данной статье автором предлагается графическая описательная модель, которую назовём круговой диаграммной моделью представления программ с циклами или просто *круговой диаграммной моделью* (КДМ).

Для начала возьмём единичный цикл. Выполнение каждого из  $N$  шагов этого цикла можно представить в виде круга разделённого на  $M$  секторов (см. рис. 1). Выполнение шага цикла можно представить как полный обход (на угол  $360^\circ$ ) круга против часовой стрелки от некоторой точки (точки входа-выхода).

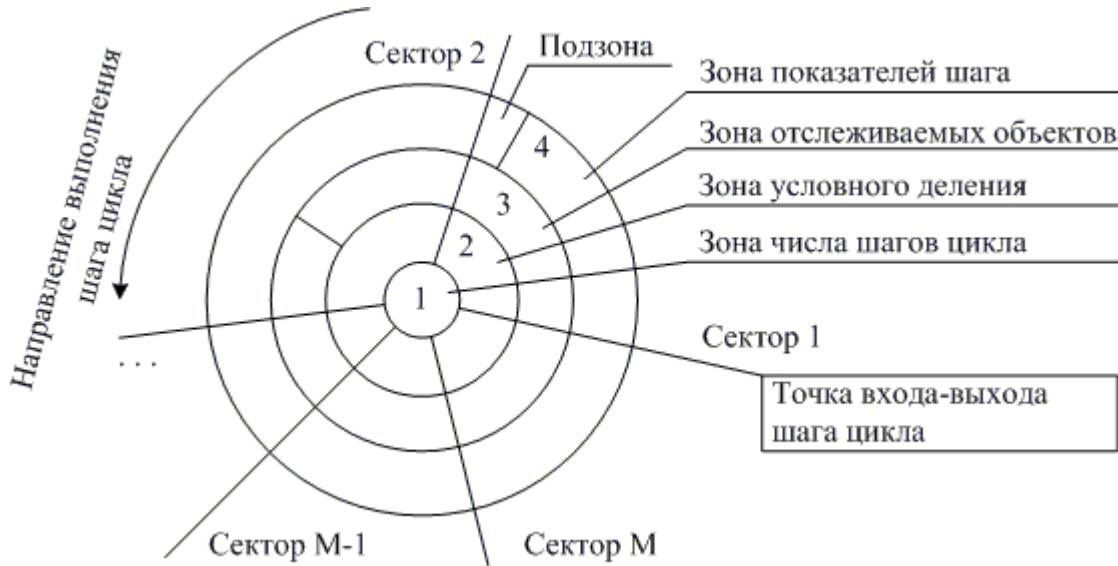


Рис. 1. Схема строения диаграммы КДМ

Круг разбивается на секторы. Каждый из секторов описывает определённый этап выполнения шага цикла. Чтобы описать каждый из этапов, вписанные концентрические окружности разбивают весь круг и его отдельные секторы на зоны.

В зону 1 (общую для всего круга) заносится число шагов цикла, для которых действует описываемая схема. Теоретически, одной диаграммой можно описать все  $N$  шагов цикла. В зоне 2 описываются условия выполнения этапов шага цикла (например, зависимость от условных операторов *if*). В зоне 3 описываются отслеживаемые объекты. Отслеживаемыми объектами могут быть действия и инструкции, выполняемые в рамках шага (этапа шага) цикла, а также обрабатываемые структуры данных и используемые устройства. В зоне показателей шага (зона 4) указываются идентификаторы этапов и подэтапов шага цикла. Например, в зоне 4, для каждого этапа (сектора) могут быть указаны номера (диапазоны номеров) выполняемых в его рамках инструкций программы. Некоторых зоны могут быть разделены на подзоны для обозначения подэтапов этапов шага цикла.

Порядок расположения зон 2-4 не фиксирован и зависит от удобства и наглядности описания. Следует отметить, что количество зон секторов диаграммы и их назначение могут иными.

Можно выделить КДМ двух видов: пропорциональную и непропорциональную. В пропорциональной КДИ полный угол ( $360^\circ$ ) диаграммы делится на секторы, угловые размеры которых пропорциональны некоторому показателю этапов. Например, пропорционально времени выполнения каждого из этапов шага цикла. В непропорциональной КДМ угловые размеры секторов диаграммы устанавливаются произвольно.

На рис. 2 показан пример пропорциональной КДМ фрагмента программы с циклом.

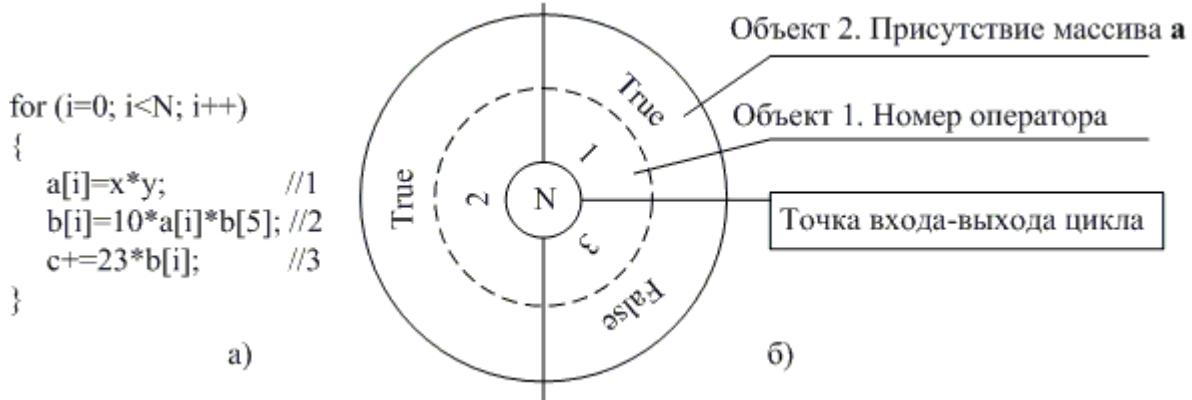


Рис. 2. а) Фрагмент программы с циклом и б) его КДМ

На рис. 2а показан фрагмент программы, а на рис. 2б его КДМ. В модели отражены только зоны 1 (число шагов цикла) и 3 (отслеживаемые объекты). В зоне 3 представлены объекты двух типов. Объект 1 – оператор представленный своим условным номером. Объект 2 – массив **a** представленный признаком использования в операторе (*True* или *False*). Модель пропорциональная, угловой размер секторов пропорционален числу операций умножения в операторе.

В КДМ, параллельной программы, в отличие от последовательной зоны 2, 3, 4 и при необходимости 1 могут быть продублированы по числу параллельных ветвей (потоков) или по числу групп подобных ветвей.

```
x=2; b=x+1;
#pragma omp parallel for private(j,k)
for (i=0; i<4; i++)
    for (j=0; j<4; j++)
        { if (i+j!=b) k=i+j;
          else k=0;
          a[b]+=c[k];
        }
```

а)

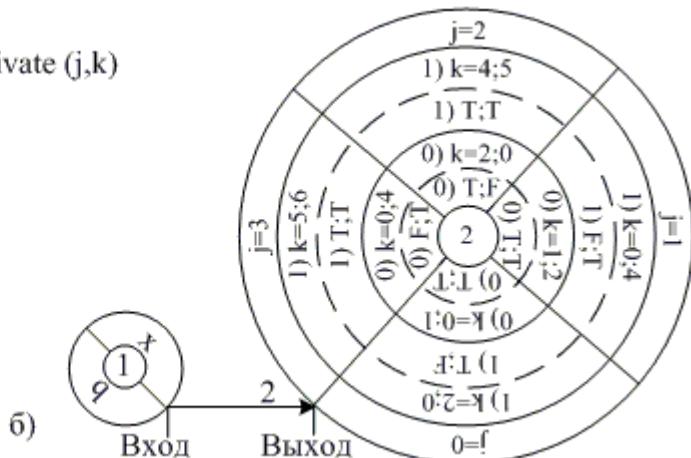


Рис. 3. Пример моделирования программы с распараллеленным на два потока циклом: а) текст фрагмента программы, б) вариант КДМ фрагмента программы.

На рис. 3. представлен пример моделирования фрагмента программы (см. рис. 3а) с двумя вложенными циклами и условным оператором. Директива `#pragma omp parallel for` стандарта *OpenMP* означает, что выполнение шагов внешнего цикла распределяется между запущенными параллельными потоками (пусть в нашем примере их два). На рис. 3б показан один из вариантов КДМ фрагмента программы. Выполнение первых двух операторов представлено отдельной диаграммой как цикл с единичным шагом. Выполнение шагов внешнего (*for i*) распараллеленного цикла представлено второй диаграммой. Число 2 у точки входа-выхода показывает количество параллельных потоков, которыми выполняются шаги цикла. Каждый из потоков выполнит по два шага из четырёх. Первый поток выполнит шаги с индексами  $i=0$  и  $i=1$ , а второй выполнит шаги с индексами  $i=2$  и  $i=3$ . Диаграмма разбита на четыре сектора по числу этапов. Отдельными этапами обозначены шаги внутреннего (*for j*) цикла которых четыре. Секторы диаграммы разбиты на пять зон (без учёта зоны числа шагов). Первые четыре зоны это продублированные для обоих потоков зоны условий и отслеживаемых объектов. Первая зона – это зона условий нулевого потока, а третья зона – это зона условий первого потока. Вторая же и четвёртая зоны – это зоны отслеживаемых объектов нулевого и первого потоков соответственно. Пятая (наружная) зона – зона показателей шага, которая идентифицирует соответствующий этап. В нашем случае это индекс (*j*) шага внутреннего цикла.

В зонах отслеживаемых объектов отображается значение переменной *k*, которое будет присвоено её на данном этапе. Поскольку переменная *k* заявлена в директиве *parallel for* как частная (клауза *private(j,k)*), то для каждого потока системой будет создан свой экземпляр этой переменной (как и переменной *j*). В каждой зоне, переменной *k* подставлено два значения разделённые точкой с запятой для первого и второго шагов внешнего цикла соответственно. В зонах условий, также для обоих шагов (через точку с запятой), буквами *T* (*True*) и *F* (*False*) показаны результаты выполнения условия *if (i+j!=b)*.

Есть несколько вариантов, как можно смоделировать данный фрагмент программы с помощью диаграммной модели. К сожалению, формат данной публикации не позволяет здесь представить все варианты.

```

for (zo=0; zo<16; zo++)
    for (yo=0; yo<16; yo++)
        for (xo=0; xo<16; xo++)
            for (zi=0; zi<16; zi++)
                for (yi=0; yi<16; yi++)
                    for (xi=0; xi<16; xi++)
                        Points[zo][yo][xo]+=Points[zi][yi][xi]+b;

```

Рис. 4. фрагмент программы с шестью вложенными циклами.

Теперь отдельно рассмотрим три способа описания программ и их фрагментов с вложенными циклами с помощью диаграмм. Первый способ это линеаризация вложенных циклов. В этом случае шаги вложенных циклов рассматриваются как этапы шага внешнего цикла и представляются как секторы диаграммы. Данный способ уже был продемонстрирован в рассмотренном примере. Второй способ, это когда в качестве шага выбирается шаг вложенного цикла и его выполнению отводится полный угол ( $360^\circ$ ) диаграммы, а число шагов вложенного цикла умножается на количество шагов циклов внешних ему и это значение заносится в центральную (первую) зону диаграммы. Третий способ, это когда шаги внешних и внутренних циклов представляются отдельными, но смежными диаграммами. Рассмотрим третий способ на конкретном примере.

Пусть имеется фрагмент программы с шестью вложенными циклами (см. рис. 4). В представленном фрагменте тремя внешними циклами варьируются элементы массива *Points*, куда будут сохранены (со сложением с имеющимся содержимым) результаты оператора сложения, а тремя внутренними циклами варьируются элементы массива *Points*, откуда берутся исходные данные (одно из слагаемых). Предположим, что размер одного структурированного элемента массива *Points* равен 5 байт, что при наличии 4096 элементов в массиве *Points* делает его размер равным 20480 байт. Предположим, что размер страницы памяти равен 4096 байт, а размер свободного пространства оперативной памяти даёт возможность разместить в ней только четыре страницы из пяти занятых массивом *Points* (для простоты, будем считать, что выравнивание элементов по границам страниц отсутствует). Предположим, что перед нами стоит задача смоделировать обработку данных по страницам, выявить операции подкачки с диска необходимой страницы, взамен откачиваемой на диск старейшей (по времени последнего обращения) страницы. Полученная КДМ представлена на рис. 5.

Центральная диаграмма представляет линеаризацию трёх внешних циклов. Пять этапов, это использование пяти страниц памяти (обозначены во второй зоне) для сохранения результатов. В третьей зоне показано текущее состояние страниц памяти. В круглых скобках активные страницы, в квадратных скобках страница, выгруженная на диск, остальные страницы упорядочены по степени старения справа налево. В четвёртой зоне показаны диапазоны обрабатываемых элементов. Три внутренних цикла линеаризованы и представлены смежными диаграммами, построенным по схожему принципу, только во второй зоне указываются страницы, из которых извлекаются исходные данные, а четвёртая зона пропущена. Отдельными диаграммами показаны одношаговые циклы замены страниц в памяти. По построенной модели легко определить число циклов замены страниц в памяти (их 16393(!)) (отнимающими много времени) и причины, по которым системе их необходимо выполнить. Также можно наметить возможности (в данной работе не рассматриваются) сокращения числа таких циклов путём оптимизации программы.

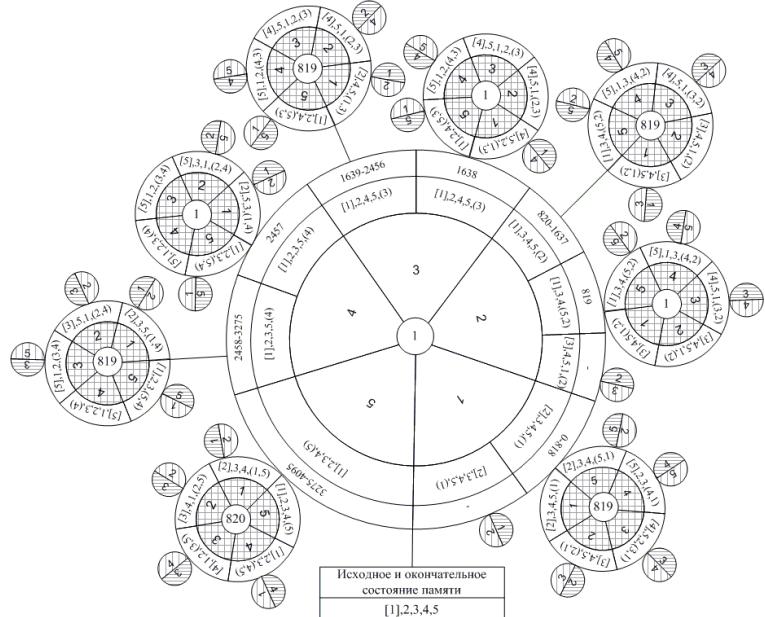


Рис. 5

```
if (a<0) x=2y;
else printf("%f",x);
```

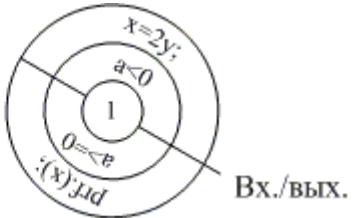


Рис. 6. Пример моделирования конструкции if-else

существенных зависимостей в целях оптимизации программ, также ведутся работы по усовершенствованию КДМ, в том числе в направлении использования их в автоматизированных системах подготовки и исследования параллельных программ, в частности для решения задач адаптации программ к вычислительным ресурсам [3].

#### ЛИТЕРАТУРА:

1. В.В. Воеводин, Вл.В. Воеводин. Параллельные вычисления. – Спб.: БХВ-Петербург, 2002. – 608 с.: ил. стр. 566 и сл.
2. Д.В. Котляров, В.П. Кутепов, М.А. Осипов. Граф-схемное потоковое параллельное программирование и его реализация на кластерных системах. М: Известия РАН, Теория и системы управления, 2005, №1, стр. 75-96.
3. А.В. Филатов. Схема организации сервисного программного обеспечения, содействующего удалённым пользователям в адаптации их программ к высокопроизводительным вычислительным ресурсам. Научный сервис в сети Интернет: решение больших задач: Труды Всероссийской научной конференции (22-27 сентября 2008 г., г. Новороссийск). - М.: Изд-во МГУ, 2008. - 468 с. стр. 257-260.

В дополнение к изложенному отдельно отметим простоту представления альтернативных операций. На рис. 6. приведён пример, как можно смоделировать конструкцию if-else.

Опыт использования автором круговой диаграммной модели показал наглядность и достаточное удобство этого инструмента. В настоящее время ведутся исследования по разработке правил трансформации диаграмм для выявления