Моделирование процессов эмиссии с поверхности монокристалла и исследования эффектов фокусировки

Моделирование процессов в наноразмерных атомных структурах под действием частиц низких энергий методом молекулярной динамики

В.Н. Самойлов, А.И. Мусин, Г.В. Корнич, Д.В. Широкорад, Е.В. Дуда, А.А. Ермоленко

19 февраля 2018 г.

#### Постановка задачи





#### Модель 21 атома



$$E = E_i - E_b$$
$$\cos \theta = \sqrt{\frac{E_i \cos^2 \theta_i - E_b}{E}}$$



Суперкомпьютер "Ломоносов"



#### Распределения по E и $(1 - \cos \theta)$



Распределение распыленных атомов по E и 1 –  $\cos \theta$  для углов  $\varphi$  [88, 5°, 91, 5°].

#### Распределения по E и $(1 - \cos \theta)$



Распределение распыленных атомов по E и 1 –  $\cos \theta$  для углов  $\varphi$  [43, 5°, 46, 5°].

[1] Мусин А.И., Самойлов В.Н. Эффект перефокусировки по азимутальному углу атомов, эмитированных с поверхности грани (001) Ni: сравнение двух моделей расчета // Тезисы докладов 44-й Международной Тулиновской конференции "Физика взаимодействия заряженных частиц с кристаллами", Москва, 27–29 мая 2014. Москва: Университетская книга, 2014. С. 73. Устный доклад.

#### Перефокусированные атомы



#### Перефокусированные атомы



Распределения эмитированных атомов по азимутальному углу  $\varphi_0$  для всех энергий E и полярных углов вылета  $\vartheta$ , наблюдаемых в интервалах углов  $\varphi$  [88, 5°, 91, 5°], [85, 5°, 88, 5°], [82, 5°, 85, 5°].

#### Многозначность распределений



Распределение перефокусированных атомов для углов  $\theta$  [56, 3°, 57, 8°] и энергии E 2, 5  $\pm$  0, 4 эВ, наблюдаемых в интервалах углов  $\varphi$  [45°, 90°], в модели 21 атома.

[2] Мусин А.И., Самойлов В.Н. О многозначности сигнала перефокусированных атомов, эмитированных с поверхности грани (001) Ni // Сборник тезисов "Материалы и технологии XXI века", 11–12 декабря 2014, Казань: Изд-во Казанского федерального университета, 2014. С. 276. / [Электронный ресурс] – 1 электрон. опт. диск (CDROM), 12 см. Стендовый доклад.

#### Распределение по E и $arphi_0$



Дифференциальное распределение по начальному азимутальному углу  $\varphi_0$  и энергии E эмитированных атомов для полярного угла вылета  $\theta$  [56, 3°, 57, 8°], наблюдаемых в интервале углов  $\varphi$  [82, 5°, 85, 5°], по модели 5 атомов.

#### Распределение по E и $arphi_0$



Дифференциальное распределение по начальному азимутальному углу  $\varphi_0$  и энергии E эмитированных атомов для полярного угла вылета  $\theta$  [56, 3°, 57, 8°], наблюдаемых в интервале углов  $\varphi$  [82, 5°, 85, 5°], по модели 21 атома.

#### Наблюдаемость перефокусированных атомов



Распределения эмитированных атомов по энергии E и  $1 - \cos \theta$ , наблюдаемых в интервале азимутальных углов [76, 5°, 79, 5°].

#### Наблюдаемость перефокусированных атомов



Распределение всех распыленных атомов по энергии E, наблюдаемых в интервале углов  $\varphi$  [76,5°,79,5°] и  $\theta$  [65,0°,66,4°].

[3] Самойлов В.Н., Мусин А.И. Эффекты фокусировки атомов, эмитированных с грани (001) Ni, с разрешением по углам и энергии // Известия РАН. Серия физическая. 2018. Т. 82. № 2, с. 1-6.

[4] V.N. Samoilov, A.I. Musin. Focusing effects for atoms sputtered from (001) Ni face with energy and angular resolution // Bulletin of the Russian Academy of Sciences: Physics. 2018. V. 82, No. 2. P. 150-154.

#### Выводы

- С помощью модели молекулярной динамики исследованы особенности фокусировки и перефокусировки атомов, эмитированных с поверхности грани (001) Ni, по азимутальному углу при формировании распределений распыленных атомов с разрешением одновременно по полярному углу и энергии. Исследованы механизмы формирования особенностей этих распределений.
- 2. В азимутальном направлении узел центр линзы из двух ближайших атомов поверхности различие распределений, рассчитанных по моделям 21 и 5 атомов, связано с рассеянием эмитируемых атомов на атоме, расположенном за линзой, который присутствует только в модели 21 атома. В модели 21 атома перефокусированные атомы могут образоваться ближе к центру линзы. Этот эффект обусловлен рассеянием эмитированных атомов последующими атомами за линзой.

#### Выводы

- Рассчитаны дифференциальные распределения распыленных атомов по начальному углу φ<sub>0</sub> и энергии E. Обнаружена многозначность сигналов фокусированных и перефокусированных атомов по углу вылета φ<sub>0</sub> в модели 21 атома и фокусированных атомов по углу вылета φ<sub>0</sub> в модели 5 атомов при сравнительно небольших значениях энергии E. Показано, что многозначность сигнала перефокусированных атомов связана с двумя различными механизмами рассеяния перефокусированных атомов для различных углов φ<sub>0</sub>.
- Выявлены области значений полярного и азимутального углов вылета θ и φ и энергии E, для которых сигнал распыленных атомов на 100% формируется за счет эмитированных атомов, перефокусированных относительно центра линзы.

5. Обнаружено, что в распределениях с одновременным разрешением по энергии и полярному углу для фиксированных интервалов углов  $\varphi$  отчетливо различаются отдельные хребты — максимумы распределений для фокусированных и перефокусированных атомов. Показано, что в экспериментах с разрешением по углам и энергии оказывается принципиально возможным выделить отдельно сигнал только перефокусированных распыленных атомов.

## ЭВОЛЮЦИЯ СВОБОДНЫХ МЕТАЛЛИЧЕСКИХ КЛАСТЕРОВ ПОД ДЕЙСТВИЕМ НИЗКОЭНЕРГЕТИЧЕСКОЙ БОМБАРДИРОВКИ ЧАСТИЦАМИ АРГОНА

Широкорад Д. В., Корнич Г. В. Запорожский национальный технический университет

Семинар

"Суперкомпьютерные технологии в науке, образовании и промышленности"

НОЦ "Суперкомпьютерные технологии" МГУ

## Цель

- Выявить особенности модификации двудольных биметаллических кластеров под действием бомбардировки атомами аргона и проследить их связь с теплотой перемешивания компонентов кластеров.
- Установить влияние увеличения размера бомбардирующей частицы на процессы массопереноса, которые протекают в биметаллических кластерах, механизмы их активизации и способы управления этими процессами.
- Выяснить условия и динамику образования оболочечных структур из двудольных свободных кластеров под действием низкоэнергетических частиц аргона разного размера.

## Потенциалы межатомного взаимодействия

металл-металл
 потенциал Акланда

$$E_{total} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1, j \neq i}^{N} V(R_{ij}) - \sum_{i=1}^{N} \left( \sum_{j} \Phi(R_{ij}) \right)^{\frac{1}{2}}$$

потенциал Борна-Майера

$$V(R_{ij}) = A_{BM} e^{-r/a_{BM}}$$

металл-Аг
 потенциал Зиглера-Бирзака-Литтмарка (ZBL)

$$V(r) = \frac{Z_1 Z_2}{r} \phi(r),$$

□ Ar-Ar

потенциал HFDTCS1

$$V^{*}(x) = B^{*} \exp(-b^{*}x), \ x < x_{1}$$
$$V^{*}(x) = \exp(a_{1} + (x - x_{1})(a_{2} + (x - x_{2})(a_{3} + (x - x_{1})a_{4}))), \ x_{1} \le x \le x_{2}$$
$$V^{*}(x) = V^{*}_{HFD-B3}(x), \ x > x_{2}$$

# Модификация свободных двудольных биметаллических кластеров под действием низкоэнергетической бомбардировки одиночными атомами аргона.



39, 195 атомов Cu, Au, Ni и Al в половинке кластера, самостоятельное объединение половинок путем их слияния, принудительный нагрев до 500 К в течение 50 пс, 50 пс - неизменная температура и следующие 50 пс - охлаждение до 0 К. Бомбардировки со случайных направлений с заданной энергией в центр масс кластера.

Cleveland, C., & Landman, U. (1991). The energetics and structure of nickel clusters: Size dependence. *The Journal of Chemical Physics*, *94*(11), 7376.

## Температуры и коэффициенты распыления кластеров при бомбардировках одиночными атомами Ar



## Число атомов в многоатомных фрагментах распыленного материала

6



Bombarding cluster energy, eV

# Радиусы монокомпонентных частей и расстояния между их центрами для Ar<sub>1</sub> после 100 пс эволюции



### Визуализация биметаллических кластеров после 100 пс эволюции в результате взаимодействия с частицей Ar<sub>1</sub>



Yasuda, H., & Mori, H. (1994). Cluster-size dependence of alloying behavior in gold clusters.*Zeitschrift Für Physik D Atoms, Molecules and Clusters, 31*(1), 131-134.





Yasuda, H., & Mori, H. (1992). Spontaneous alloying of zinc atoms into gold clusters and formation of compound clusters.*Physical Review Letters*, 69(26), 3747-3750.

# Особенности влияния бомбардировки кластерами аргона на процессы массопереноса в свободных двудольных биметаллических кластерах.



195 атомов Cu, Au, Ni, Al и Bi в половинке кластера, самостоятельное объединение половинок путем их слияния, принудительный нагрев до 500 К в течение 50 пс, 50 пс - неизменная температура и следующие 50 пс - охлаждение близко к 0 К. Случайные бомбардировки в центр масс кластера.

### Температуры и коэффициенты распыления металлических кластеров при бомбардировках кластерами Ar<sub>13</sub>



## Коэффициенты распыления монокомпонентных частей кластеров за 5 пс\*

#### 11



Bombarding particle energy, eV

## Синергетический эффект выхода распыления



Kornich, GV, Betz, G., Kornich, VG, Shulga, VI, & Yermolenko, OA (2011). Synergism in sputtering of copper nanoclusters on graphite substrate at low energy Cu2 bombardment. *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research, Section B: Beam Interactions with Materials and Atoms*, 269(14), 1600-1603.
Andersen, HH, & Bay, HL (1974). Nonlinear effects in heavy-ion sputtering. *Journal of Applied Physics*, 45(2), 953-954. https://doi.org/10.1063/1.1663348
Andersen, HH, & Bay, HL (1975). Heavy-ion sputtering yields of gold: Further evidence of nonlinear effects. *Journal of Applied Physics*, 46(6), 2416-2422. https://doi.org/10.1063/1.321910

## Число атомов в многоатомных фрагментах распыленного материала

#### 13



## Радиусы монокомпонентных частей и расстояния между их центрами в случае Ar<sub>13</sub> после 100 пс эволюции



## Зависимость радиусов монокомпонентных частей и расстояний между ними от времени, 300 эВ





## Эволюция биметаллических кластеров в течение 100 пс в результате взаимодействия с частицей Ar<sub>13</sub> с энергией 300 эВ

Cu-Bi



Cu-Au



## Выводы

17

- Выполнено молекулярно-динамическое моделирования эволюции двудольных кластеров меди, медь-золото, медь-висмут, алюминий-никель, которые состоят из однокомпонентных долей с одинаковым числом атомов, под действием низкоэнергетических частиц Ar<sub>1</sub>, Ar<sub>2</sub>, Ar<sub>13</sub> в течение 5 и 100 пс. вычисления проводились с использованием авторского программного продукта, включая молекулярно-динамическое алгоритм для случая произвольных наноатомных систем, состоящих из атомов Cu, Au, Ni, Al, Bi и Ar с использованием технологий параллельного программирования MPI и OpenMP для компьютерних систем с распределенной и общей памятью.
- Показан постепенный переход от каскадно-рекойлового механизма распыления к термическому за первые 5 пс и общим время эволюции атомных систем 100 пс.
- Получены качественно другие формы зависимости потенциальной энергии и температуры от энергии бомбардирующей частицы для случае Ar<sub>13</sub> по сравнению с Ar<sub>1</sub>; коэффициенты распыления за первые 5 пс, полученные при бомбардировке кластеров Ni-Al единичными атомами Ar, демонстрируют преобладание в распыленном материале атомов никеля над атомами алюминия, в то время как для случаев Ar<sub>2</sub> и Ar<sub>13</sub> преобладают атомы алюминия. Установлено, что наибольшие температуры имеет кластер Ni-Al, который имеет также и наименьшую отрицательную теплоту перемешивания для пары алюминий-никель по сравнению с другими кластерами.
- Установлен синергетический эффект при распылении двудольных кластеров под действием бомбардировки частицами Ar<sub>2</sub> и Ar<sub>13</sub> по сравнению с Ar<sub>1.</sub>
- Идентифицирован процесс формирования <u>оболочечных наноструктур</u> с медным ядром и оболочкой из атомов висмута различной интенсивности после взаимодействия начального кластера Cu-Bi с частицами Ar и Ar<sub>13</sub> различной энергии в течение 100 пс. Кроме того, за последнее время были выполнены дополнительные расчеты эволюции этих систем для времен до 500 пс с целью более глубокого понимания происходящих процессов переноса.

#### Семинар

#### "Суперкомпьютерные технологии в науке, образовании и промышленности"

НОЦ "Суперкомпьютерные технологии" МГУ

## КОМБИНИРОВАНИЕ МЕТОДОВ ГИПЕРДИНАМИКИ И ТЕМПЕРАТУРНО-УСКОРЕННОЙ ДИНАМИКИ ПРИ МОДЕЛИРОВАНИИ АТОМНЫХ СИСТЕМ

## Е.В.Дуда, Г.В.Корнич

Запорожский национальный технический университет, г. Запорожье, Украина

## План

- 1. Постановка задачи.
- 2. Метод гипердинамики (ГД).
- 3. Метод температурно-ускоренной динамики (ТУД).
- 4. Комбинирование методов гипердинамики и температурноускоренной динамики (ТУГД).
- 5. Моделирование диффузии вакансии в объеме двумерного кристалла.
- 6. Выводы.

## Постановка задачи

Метод классической молекулярной динамики не позволяет исследовать процессы, связанные с так называемыми редкими событиями – термически активируемыми атомными переходами.

Для моделирования процессов, связанных с такими переходами, можно использовать методы ускоренной молекулярной динамики: гипердинамика;

температурно-ускоренная динамика;

метод параллельных реплик.

Arthur F. Voter, (Los Alamos NL / J. Chem. Phys. 1997; PRL, PRB 1998).

## Метод гипердинамики

Частота переходов системы через энергетический барьер :

$$k = \widetilde{\nu} \cdot e^{-E_a / k_B T},$$

где Т – равновесная температура;

*Е<sub>a</sub>* – энергия перехода.



При снижении всех энергетических барьеров системы на величину  $\Delta E$  и неизменности предэкспоненциальных множителей, частоты переходов изменяются следующим образом:

$$\frac{k'}{k} = \frac{\widetilde{\nu}e^{-(E_a - \Delta E)/(k_B T)}}{\widetilde{\nu}e^{-E_a/(k_B T)}} = e^{\Delta E/(k_B T)}$$

## Предэкспоненциальный множитель

Согласно гармоническому приближению теории переходного состояния (\*\*)

$$\widetilde{\mathcal{V}} = \frac{\prod_{i=1}^{3n} \mathcal{V}_{i}^{0}}{\prod_{i=1}^{3n-1} \mathcal{V}_{i}^{*}},$$

где индекс "0" соответствует положению системы в исходном состоянии; \* - положению системы в переходном состоянии;

n – число атомов системы.

Нормальные моды колебаний определяются формой потенциальной поверхности в окрестности потенциальных минимумов и седловых точек.

(\*\*) G. H. Vineyard. J. Phys. and Chem. Solids. 1957.

## Снижение энергетических барьеров

Синий – оригинальный потенциал U Зеленый – дополнительный потенциал U<sup>+</sup> Красный – измененный потенциал U<sup>\*</sup>



$$U^{*} = U + \sum_{i} U_{i}^{+}$$

$$U_{i}^{+} = \begin{cases} \Delta E & \rho_{i} < R_{1} \\ \varphi(\rho_{i}) & R_{1} \le \rho_{i} < R_{2} \\ 0 & \rho_{i} \ge R_{2} \end{cases}$$

*ρ<sub>i</sub>* – расстояние от *i*-го атома до ближайшего энергетического минимума;

 $R_1, R_2, \Delta E$  – параметры потенциала.

## Метод температурно-ускоренной динамики

Заключается в моделировании системы при более высокой температуре  $T_{high}$ .



Отношения частот переходов через барьеры энергетические разные не сохраняются при увеличении температуры системы:

$$\frac{k_1}{k_2} \neq \frac{k_1'}{k_2'}$$

где величины со штрихами соответствуют температуре T<sub>high</sub>, а величины без штрихов – температуре  $T_{low}$ .  $\frac{k_1}{k_2} = \exp\left(\frac{E_2 - E_1}{k_P T_{low}}\right) \qquad \frac{k'_1}{k'} = \exp\left(\frac{E_2 - E_1}{L T_1}\right)$ 

$$\frac{1}{k_2'} = \exp\left(\frac{1}{k_B T_{high}}\right)$$

### Метод температурно-ускоренной динамики



• 
$$t_{low} = t_{high} \exp\left[\frac{E_a}{k_B}\left(\frac{1}{T_{low}} - \frac{1}{T_{high}}\right)\right]$$
  $t_{stop} = \frac{\ln(1/d)}{\nu_{min}}\left[\frac{\nu_{min}t_{short}}{\ln(1/d)}\right]^{T_{low}/T_{high}}$ 

 $v_{min}$  – параметр, не больший минимальной нормальной моды системы; d – параметр, определяющий точность моделирования;  $t_{short}$  – минимальное значение  $t_{low}$ .

Изменение потенциала для  
температурно-ускоренной динамики  

$$U^* = (U - U_{min}) \cdot A(\rho) + U_{min}$$

$$A(\rho) = \begin{cases} T_{high} / T_{low} & \rho < R_1 \\ \psi(\rho) & R_1 \le \rho < R_2 \\ 1 & \rho \ge R_2 \end{cases}$$

$$\rho - paccroяние от атома до ближайшего 
энергетического минимума U_{min};
R_1, R_2 - параметры потенциала.$$

$$t_{low} = t_{high} \cdot (\frac{T_{high}}{T_{low}})^{3/2} \cdot \exp\left[\frac{E_a}{k_B}\left(\frac{1}{T_{low}} - \frac{1}{T_{high}}\right)\right]$$

## Объединение методов гипердинамики и температурноускоренной динамики

Алгоритм принятия переходов в этом методе совпадает с алгоритмом метода температурно-ускоренной динамики.

Построение энергетической ямы:

$$U^* = (U - U_{min}) \cdot A(\rho) + U_{min} + U^+$$

$$A(\rho) = \begin{cases} T_{high} / T_{low} & \rho < R_1 \\ \psi(\rho) & R_1 \le \rho < R_2 \\ 1 & \rho \ge R_2 \end{cases} \qquad U^+ = \begin{cases} V_0 & \rho < R_1 \\ \varphi(\rho) & R_1 \le \rho < R_2 \\ 0 & \rho \ge R_2 \end{cases}$$

$$t_{low} = t_{high} \cdot \left(\frac{T_{high}}{T_{low}}\right)^{\frac{3}{2}} \cdot \exp\left(E \cdot \left(\frac{1}{k_B T_{low}} - \frac{1}{k_B T_{high}}\right) + \frac{V_0}{k_B T_{low}}\right)$$

### Особенности измененного потенциала

Сила  $F^*$ , действующая на атом, находящийся в системе с измененным потенциалом  $U^*$ , определяется следующим образом:

$$\boldsymbol{F}^* = A \cdot \boldsymbol{F} - (U - U_{min}) \boldsymbol{\nabla} A - \boldsymbol{\nabla} U^+,$$

где F – сила, действующая на атом, находящийся в системе с оригинальным потенциалом. A,  $U^+$ являются функциями расстояния  $\rho$ от атома до ближайшего энергетического минимума. Поиск данных минимумов осуществляется независимо для каждого атома, что упрощает распараллеливание алгоритма нахождения сил  $F^*$ , действующих на атомы.

## Сравнение результатов моделирования, полученных различными методами

Результаты, полученные методами ускоренной молекулярной динамики, сравнивались с результатами классической молекулярной динамики. Для проверки гипотезы о соответствии полученных распределений промежутков времени, которые проходили между двумя последовательными атомными переходами, одному закону распределения использовался критерий однородности Смирнова.

Нулевая гипотеза проверялась при различных уровнях значимости α.

## Двумерный кристалл. Особенности модели.



- Периодические граничные условия
  - Направление сжатия кристалла

Двумерное пространство

Гексагональная решетка с вакансией. 511 атомов Потенциал Морзе:

$$U = D(e^{-2\alpha(r-r_0)} - 2e^{-\alpha(r-r_0)})$$

Мгновенная температура определяется из соотношения:

 $\mathbf{T}=\bar{E}/k_B$ 

Температура *T*<sub>0</sub> устанавливается и поддерживается термической ванной Берендсена:

 $F = -0.75 \nu m \omega_D (1 - T_0/T)$ 

Положениеэнергетическихминимумовопределяется методом градиентного спуска.

Вследствие деформации 6 возможных переходов вакансии разделяются на 2 типа.

- 14 α уровень значимости при котором удовлетворяется нулевая гипотеза.
- n отношение количества атомных переходов в направлении сжатия к общему числу переходов;
- z величина сжатия кристалла;
- t среднее значение времени, которое проходит между двумя последовательными переходами;

T <sub>low</sub> , K	Метод	V <sub>0</sub> , eV	T <sub>high</sub> , K	t, ps	n	α
500	МД	-	-	175	0.374	-
	ГД	0.06	-	157	0.388	0.01
	ТУД	-	700	150	0.407	0.001
	ТУГД	0.04	600	176	0.386	0.1
		0.02	650	204	0.392	0.01
		0.02	600	208	0.384	0.1

 $R_1=0.3 A;$  $R_2=0.85 A;$ z=0.25%

## Диффузия вакансии в объеме двумерного кристалла.

## Выводы

- 1. Изменение потенциала межатомного взаимодействия позволяет улучшить метод температурно-ускоренной динамики.
- 2. Методы гипердинамики и температурно-ускоренной динамики могут быть объединены в рамках одного комбинированного вычислительного комплекса.
- 3. Представленный метод ускоренного динамического моделирования дает хорошую точность результатов, если сравнивать с результатами, которые дает молекулярная динамика. Это позволяет применять данный метод даже в случаях небольшого ускорения моделирования.
- 4. При подборе параметров, объединенный метод является более гибким, чем отдельно взятые методы гипердинамики и температурно-ускоренной динамики.

## БЛАГОДАРНОСТЬ

Коллектив авторов выражает благодарность Суперкомпьютерному Комплексу МГУ им. М.В.Ломоносова за предоставление высокопроизводительных вычислительных ресурсов для проведения компьютерного моделирования.

## Спасибо за внимание!